

DEVOIR SURVEILLE n°2

Corrigé

Exercice 1:

1. a) $y(t) = k e^{-5 \cdot 10^{-3} t}$ avec $k \in \mathbb{R}$

b) on prend $g(t) = \frac{6}{5 \cdot 10^{-3}} = 1200$

c) La solution générale de l'équation (E) est une fonction de la forme $y(t) = 1200 + k e^{(-5 \cdot 10^{-3})t}$ avec $k \in \mathbb{R}$.

2. On cherche f telle que $f(0) = 0$ soit $1200 + k = 0$ c'est à dire $k = -1200$

donc $f(t) = 1200(1 - e^{(-5 \cdot 10^{-3})t})$

3. Le taux de triazines atteint 2% signifie que que le volume de triazines est de

$30000 \times 0,002 = 600 \text{ litres}$ soit $f(t) = 600$. On obtient donc $f(t) = 1200(1 - e^{(-5 \cdot 10^{-3})t}) = 600$

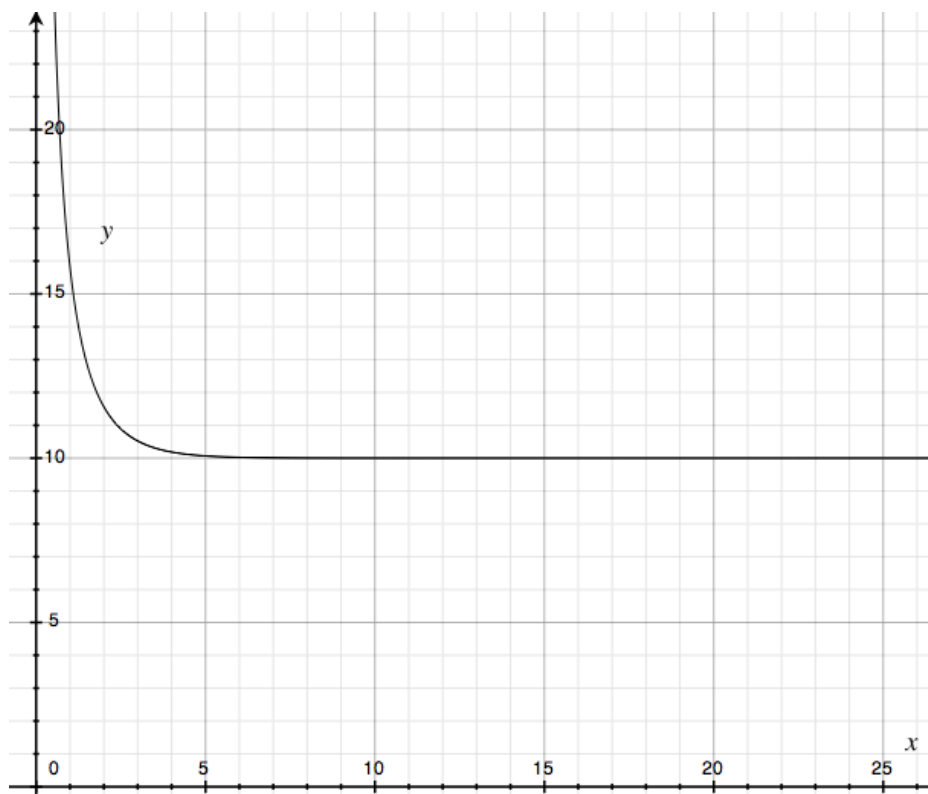
soit $1 - e^{(-5 \cdot 10^{-3})t} = 0,5$ c'est à dire $-5 \cdot 10^{-3} t = \ln\left(\frac{1}{2}\right) = -\ln 2$ soit $t = \frac{\ln 2}{5 \cdot 10^{-3}} = 138,63$

Exercice 2:

A: Partie Mathématique

1. $f'(x) = -\frac{10 e^x}{(e^x - 1)^2}$ donc f' est négative sur $]0; +\infty[$ et f est décroissante.

$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = +\infty$ et $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 10$

2. la courbe admet une asymptote verticale en 0 et horizontale en $+\infty$ 

B: Partie Mécanique

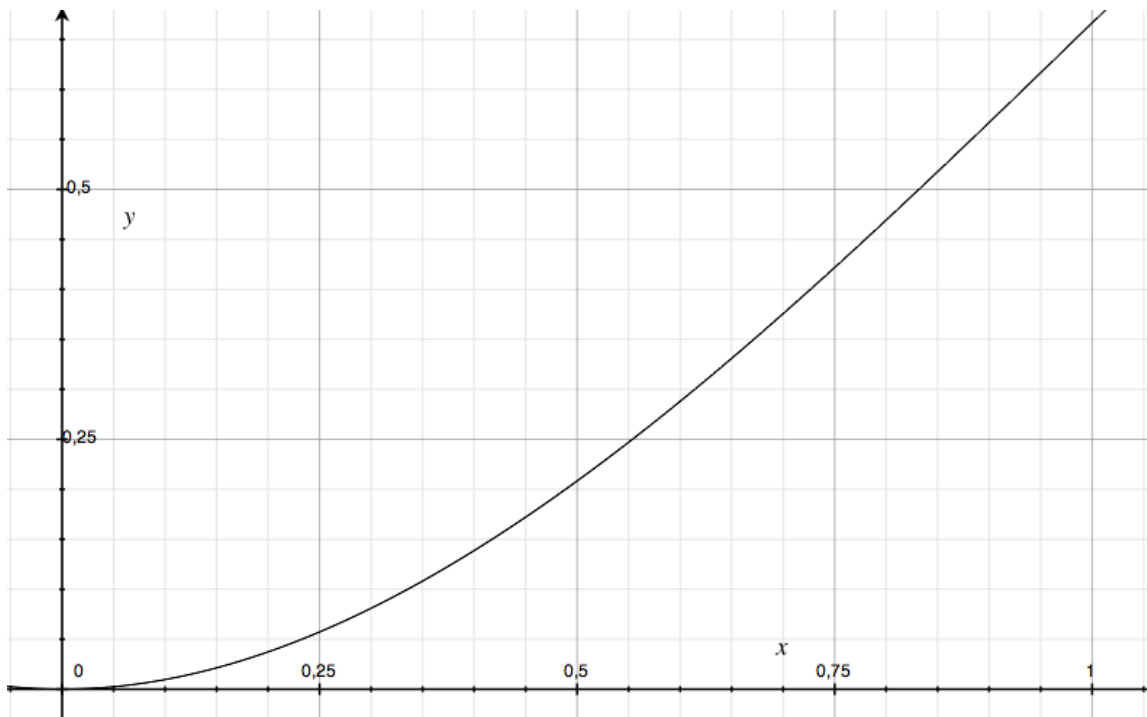
1. Lorsque $\alpha = 3 \text{ rad}$ on a $T \approx 18,95$, lorsque $\alpha = 2,8 \text{ rad}$ on a $T \approx 19,86$
2. Graphiquement, on voit que T varie effectivement dans l'intervalle $[18,95;19,86]$

Problème:

$$1. F(h) = \frac{35 h^3}{6} - \frac{35 h^2}{2}$$

$$2. f'(h) = 2h - h^2 = h(2-h) \text{ or } h < 2 \text{ donc } (2-h) > 0 \text{ f est donc croissante sur } [0,1].$$

3.



$$4. \text{ On a } F(h) = -\frac{35}{2} f(h) \text{ donc } |F(h)| = \frac{35}{2} f(h) \text{ or la valeur maximale de } f(h) \text{ est } f(1) = \frac{2}{3}$$

$$\text{donc la valeur maximale de } |F(h)| \text{ vaut } \frac{35}{2} \times \frac{2}{3} = \frac{35}{3}$$

De même on trouve la valeur minimale de $|F(h)| = 0$