

# BREVET DE TECHNICIEN SUPÉRIEUR

SESSION 2007

Épreuve de mathématiques

GROUPEMENT B

CODE : MATGRB1

Durée : 2 heures

SPÉCIALITÉS	COEFFICIENT
Aménagement finition	2
Assistance technique d'ingénieur	2
Bâtiment	2
Conception et réalisation de carrosseries	2
Construction navale	2
Constructions métalliques	2,5
Domotique	2
Enveloppe du bâtiment : façade – étanchéité	2
Etudes et économie de la construction	2
Fluides – énergies – environnements	2
Géologie appliquée	1,5
Maintenance et après-vente automobile	2
Maintenance et après-vente des engins de travaux publics et de manutention	1
Maintenance et exploitation des matériels aéronautiques	1
Maintenance industrielle	2
Mécanique et automatismes industriels	2
Moteurs à combustion interne	2
Productique mécanique	2
Traitement des matériaux	3
Travaux publics	2

Les calculatrices de poche sont autorisées conformément à la circulaire n° 99-186 du 16 novembre 1999.  
La clarté du raisonnement et la qualité de la rédaction interviendront pour une part importante dans l'appréciation des copies.

GROUPEMENT B DES BTS	SESSION 2007
Mathématiques	MATGRB1
Durée : 2 heures	Page : 1/5

## EXERCICE 1 (12 points)

On étudie dans cet exercice une fonction  $\varphi$  susceptible d'intervenir dans la modélisation du trafic Internet au terminal informatique d'une grande société. Pour un réel  $t$  positif,  $\varphi(t)$  est la probabilité que le temps séparant l'arrivée de deux paquets de données soit inférieur à  $t$  secondes.

**Les trois parties de cet exercice peuvent être traitées de façon indépendante.**

### A. Résolution d'une équation différentielle

On considère l'équation différentielle (E) :  $y' + 710y = 710$

où  $y$  est une fonction de la variable réelle  $t$ , définie et dérivable sur  $[0, +\infty[$ , et  $y'$  la fonction dérivée de  $y$ .

1° Déterminer les solutions définies sur  $[0, +\infty[$  de l'équation différentielle ( $E_0$ ) :  
$$y' + 710y = 0.$$

2° Soit  $h$  la fonction définie sur  $[0, +\infty[$  par  $h(t) = 1$ .

Démontrer que la fonction  $h$  est une solution particulière de l'équation différentielle (E).

3° En déduire l'ensemble des solutions de l'équation différentielle (E).

4° Déterminer la solution  $\varphi$  de l'équation différentielle (E) qui vérifie la condition initiale  $\varphi(0) = 0$ .

### B. Étude d'une fonction

Soit  $\varphi$  la fonction définie sur  $[0, +\infty[$  par  $\varphi(t) = 1 - e^{-710t}$ .

On désigne par  $C$  la courbe représentative de  $\varphi$  dans un repère orthogonal  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  où on prend comme unités : 10 cm pour 0,01 sur l'axe des abscisses et 10 cm pour 1 sur l'axe des ordonnées.

1° Montrer que la fonction  $\varphi$  est croissante sur  $[0, +\infty[$ .

2° a) Démontrer que le développement limité à l'ordre 2, au voisinage de 0, de la fonction

$$\varphi \text{ est } \varphi(t) = 710t - \frac{(710t)^2}{2} + t^2 \varepsilon(t) \text{ avec } \lim_{t \rightarrow 0} \varepsilon(t) = 0.$$

b) En déduire une équation de la tangente  $T$  à la courbe  $C$  au point d'abscisse 0, ainsi que la position relative de  $C$  et  $T$  au voisinage de ce point.

3° Tracer sur la copie la tangente  $T$  et la courbe  $C$  dans le repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  défini au début de la partie B. On pourra se limiter à la partie de  $C$  correspondant à l'intervalle  $[0; 0,01]$ .

GROUPEMENT B DES BTS	SESSION 2007
Mathématiques	MATGRB1
Durée : 2 heures	Page : 2/5

- 4° a) Déterminer par le calcul le nombre réel positif  $\alpha$  tel que  $\varphi(\alpha) = 0,5$ .  
Donner la valeur exacte de  $\alpha$ , puis sa valeur approchée arrondie à  $10^{-5}$ .  
b) Retrouver sur la figure le résultat obtenu au a) : faire apparaître les constructions utiles.

*Le nombre  $\alpha$  représente le temps médian en secondes séparant l'arrivée de deux paquets de données.*

### C. Calcul intégral

1° Pour tout réel positif  $t$ , on note  $I(t) = 710 \int_0^t x e^{-710x} dx$ .

Montrer, à l'aide d'une intégration par parties, que :

$$I(t) = -t e^{-710t} - \frac{1}{710} e^{-710t} + \frac{1}{710} .$$

2° Calculer  $\lim_{t \rightarrow +\infty} I(t)$ .

Donner la valeur exacte de cette limite, puis sa valeur approchée arrondie à  $10^{-5}$ .

*Le résultat obtenu est le temps moyen en secondes séparant l'arrivée de deux paquets de données.*

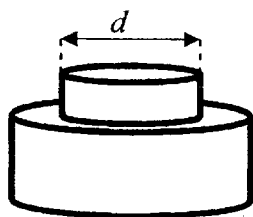
GROUPEMENT B DES BTS	SESSION 2007
Mathématiques	MATGRB1
Durée : 2 heures	Page : 3/5

## EXERCICE 2 (8 points)

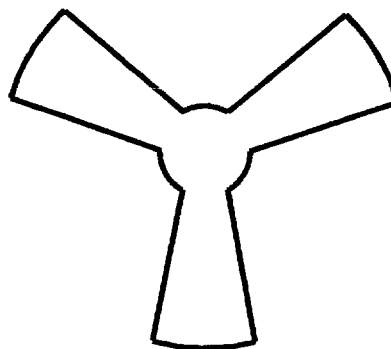
*Les trois parties de cet exercice sont indépendantes.*

Une usine fabrique des ventilateurs en grande quantité. On s'intéresse à trois types de pièces : l'axe moteur, appelé pièce de type 1, l'ensemble des trois pales, appelé pièce de type 2 et le support, appelé pièce de type 3.

**Dans cet exercice, les résultats approchés sont à arrondir à  $10^{-2}$ .**



Pièce de type 1



Pièce de type 2

### A. Loi normale

Une pièce de type 1 est conforme lorsque le diamètre  $d$  (voir la figure), exprimé en millimètres, appartient à l'intervalle  $[29,8 ; 30,2]$ .

On note  $X$  la variable aléatoire qui, à chaque pièce de type 1 prélevée au hasard dans la production des pièces de type 1, associe le diamètre  $d$  exprimé en millimètres. On suppose que la variable aléatoire  $X$  suit la loi normale de moyenne 30 et d'écart type 0,09.

Calculer la probabilité qu'une pièce prélevée au hasard dans la production des pièces de type 1 soit conforme.

### B. Loi binomiale

On considère un stock important de pièces de type 2.

On note  $E$  l'événement : « une pièce prélevée au hasard dans le stock de pièces de type 2 est défectueuse ».

On suppose que  $P(E) = 0,03$ .

On prélève au hasard 20 pièces dans le stock de pièces de type 2 pour vérification. Le stock est assez important pour que l'on puisse assimiler ce prélèvement à un tirage avec remise de 20 pièces de type 2.

On considère la variable aléatoire  $Y$  qui, à tout prélèvement ainsi défini, associe le nombre de pièces de ce prélèvement qui sont défectueuses.

1° Justifier que la variable aléatoire  $Y$  suit une loi binomiale dont on déterminera les paramètres.

2° Calculer la probabilité qu'aucune pièce de ce prélèvement ne soit défectueuse.

GRUPEMENT B DES BTS	SESSION 2007
Mathématiques	MATGRBI
Durée : 2 heures	Page : 4/5

3° Calculer la probabilité que, dans un tel prélèvement, une pièce au moins soit défectueuse.

### C. Test d'hypothèse

Une importante commande de pièces de type 3 est passée auprès d'un sous-traitant. La hauteur du support doit être de 400 millimètres.

On se propose de construire un test d'hypothèse bilatéral pour contrôler, au moment de la livraison, la moyenne  $\mu$  de l'ensemble des hauteurs, en millimètres, des pièces de type 3.

On note  $Z$  la variable aléatoire qui, à chaque pièce de type 3 prélevée au hasard dans la livraison associe sa hauteur.

La variable aléatoire  $Z$  suit la loi normale de moyenne inconnue  $\mu$  et d'écart type  $\sigma = 5$ .

On désigne par  $\bar{Z}$  la variable aléatoire qui, à chaque échantillon aléatoire de 100 pièces de type 3 prélevé dans la livraison, associe la moyenne des hauteurs des pièces de cet échantillon. La livraison est assez importante pour que l'on puisse assimiler ces prélèvements à des tirages avec remise.

L'hypothèse nulle est  $H_0 : \mu = 400$ .

L'hypothèse alternative est  $H_1 : \mu \neq 400$ .

Le seuil de signification du test est fixé à 0,05.

1° Sous l'hypothèse  $H_0$ , on admet que la variable aléatoire  $\bar{Z}$  suit la loi normale de moyenne 400 et d'écart type 0,5.

Déterminer sous cette hypothèse le nombre réel  $h$  positif tel que :

$$P(400 - h \leq \bar{Z} \leq 400 + h) = 0,95.$$

2° En déduire la règle de décision permettant d'utiliser ce test.

3° On prélève un échantillon aléatoire de 100 pièces dans la livraison reçue et on observe que, pour cet échantillon, la moyenne des hauteurs des pièces est  $\bar{z} = 399,12$ .

Peut-on, au seuil de 5 %, conclure que la livraison est conforme pour la hauteur ?

GROUPEMENT B DES BTS	SESSION 2007
Mathématiques	MATGRB1
Durée : 2 heures	Page : 5/5

**FORMULAIRE DE MATHEMATIQUES**

**BTS : groupement B**

**AMENAGEMENT FINITION**

**ASSISTANCE TECHNIQUE D'INGENIEUR**

**BATIMENT**

**CONCEPTION ET REALISATION DE CARROSSERIES**

**CONCEPTION ET INDUSTRIALISATION EN MICROTECHNIQUES**

**CONSTRUCTION NAVALE**

**CONSTRUCTIONS METALLIQUES**

**DOMOTIQUE**

**ENVELOPPE DU BATIMENT : FACADES-ETANCHEITE**

**ETUDES ET ECONOMIE DE LA CONSTRUCTION**

**FLUIDES - ENERGIES - ENVIRONNEMENTS**

**GEOLOGIE APPLIQUEE**

**COMMUNICATION ET INDUSTRIES GRAPHIQUES**

**MAINTENANCE ET APRES-VENTE AUTOMOBILE**

**MAINTENANCE ET APRES-VENTE DES ENGIN  
DE TRAVAUX PUBLICS ET DE MANUTENTION**

**MAINTENANCE ET EXPLOITATION DES MATERIELS  
AERONAUTIQUES**

**MAINTENANCE INDUSTRIELLE**

**MECANIQUE ET AUTOMATISMES INDUSTRIELS**

**MOTEURS A COMBUSTION INTERNE**

**PRODUCTIQUE MECANIQUE**

**TRAITEMENT DES MATERIAUX**

**TRAVAUX PUBLICS**

Plusieurs résultats figurant dans ce formulaire ne sont pas au programme de TOUTES les spécialités de BTS appartenant à ce groupement.

### 1. RELATIONS FONCTIONNELLES

$$\ln(ab) = \ln a + \ln b, \text{ où } a > 0 \text{ et } b > 0$$

$$\exp(a+b) = \exp a \times \exp b$$

$$a^t = e^{t \ln a}, \text{ où } a > 0$$

$$t^\alpha = e^{\alpha \ln t}, \text{ où } t > 0$$

$$\cos(a+b) = \cos a \cos b - \sin a \sin b$$

$$\sin(a+b) = \sin a \cos b + \cos a \sin b$$

$$\cos(2t) = 2 \cos^2 t - 1 = 1 - 2 \sin^2 t$$

$$\sin(2t) = 2 \sin t \cos t$$

$$\sin p + \sin q = 2 \sin \frac{p+q}{2} \cos \frac{p-q}{2}$$

$$\sin p - \sin q = 2 \sin \frac{p-q}{2} \cos \frac{p+q}{2}$$

$$\cos p + \cos q = 2 \cos \frac{p+q}{2} \cos \frac{p-q}{2}$$

$$\cos p - \cos q = -2 \sin \frac{p+q}{2} \sin \frac{p-q}{2}$$

$$\cos a \cos b = \frac{1}{2} [\cos(a+b) + \cos(a-b)]$$

$$\sin a \sin b = \frac{1}{2} [\cos(a-b) - \cos(a+b)]$$

$$\sin a \cos b = \frac{1}{2} [\sin(a+b) + \sin(a-b)]$$

$$e^{it} = \cos t + i \sin t$$

$$\cos t = \frac{1}{2} (e^{it} + e^{-it}), \quad \text{ch } t = \frac{1}{2} (e^t + e^{-t})$$

$$\sin t = \frac{1}{2i} (e^{it} - e^{-it}), \quad \text{sh } t = \frac{1}{2} (e^t - e^{-t})$$

$$e^{at} = e^{\alpha t} (\cos(\beta t) + i \sin(\beta t)), \text{ où } a = \alpha + i\beta$$

### 2. CALCUL DIFFERENTIEL ET INTEGRAL

#### a) Limites usuelles

##### Comportement à l'infini

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} \ln t = +\infty ;$$

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} e^t = +\infty ;$$

$$\lim_{t \rightarrow -\infty} e^t = 0 ;$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} t^\alpha = +\infty ; \quad \text{si } \alpha < 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} t^\alpha = 0$$

##### Croissances comparées à l'infini

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{e^t}{t^\alpha} = +\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow +\infty} \frac{\ln t}{t^\alpha} = 0$$

##### Comportement à l'origine

$$\lim_{t \rightarrow 0} \ln t = -\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha = 0 ; \quad \text{si } \alpha < 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha = +\infty$$

$$\text{Si } \alpha > 0, \lim_{t \rightarrow 0} t^\alpha \ln t = 0.$$

**b) Dérivées et primitives**

Fonctions usuelles

$f(t)$	$f'(t)$	$f(t)$	$f'(t)$
$\ln t$	$\frac{1}{t}$		
$e^t$	$e^t$		
$t^\alpha \ (\alpha \in \mathbb{R})$	$\alpha t^{\alpha-1}$	Arc sin $t$	$\frac{1}{\sqrt{1-t^2}}$
$\sin t$	$\cos t$	Arc tan $t$	$\frac{1}{1+t^2}$
$\cos t$	$-\sin t$		
$\tan t$	$\frac{1}{\cos^2 t} = 1 + \tan^2 t$	$e^{at} \ (a \in \mathbb{C})$	$ae^{at}$

Opérations

$$(u + v)' = u' + v'$$

$$(ku)' = k u'$$

$$(uv)' = u'v + uv'$$

$$\left(\frac{1}{u}\right)' = -\frac{u'}{u^2}$$

$$\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2}$$

$$(v \circ u)' = (v' \circ u)u'$$

$$(e^u)' = e^u u'$$

$$(\ln u)' = \frac{u'}{u}, \text{ } u \text{ à valeurs strictement positives}$$

$$(u^a)' = a u^{a-1} u'$$

**c) Calcul intégral**

Valeur moyenne de  $f$  sur  $[a, b]$  :

$$\frac{1}{b-a} \int_a^b f(t) dt$$

Intégration par parties :

$$\int_a^b u(t) v'(t) dt = [u(t)v(t)]_a^b - \int_a^b u'(t) v(t) dt$$

**d) Développements limités**

$$e^t = 1 + \frac{t}{1!} + \frac{t^2}{2!} + \dots + \frac{t^n}{n!} + t^n \epsilon(t)$$

$$\frac{1}{1+t} = 1 - t + t^2 - \dots + (-1)^n t^n + t^n \epsilon(t)$$

$$\ln(1+t) = t - \frac{t^2}{2} + \frac{t^3}{3} - \dots + (-1)^{n-1} \frac{t^n}{n} + t^n \epsilon(t)$$

$$\sin t = \frac{t}{1!} - \frac{t^3}{3!} + \frac{t^5}{5!} - \dots + (-1)^p \frac{t^{2p+1}}{(2p+1)!} + t^{2p+1} \epsilon(t)$$

$$\cos t = 1 - \frac{t^2}{2!} + \frac{t^4}{4!} - \dots + (-1)^p \frac{t^{2p}}{(2p)!} + t^{2p} \epsilon(t)$$

$$(1+t)^\alpha = 1 + \frac{\alpha}{1!}t + \frac{\alpha(\alpha-1)}{2!}t^2 + \dots + \frac{\alpha(\alpha-1)\dots(\alpha-n+1)}{n!}t^n + t^n \epsilon(t)$$

**e) Equations différentielles**

Équations	Solutions sur un intervalle I
$a(t)x' + b(t)x = 0$	$f(t) = ke^{-G(t)}$ où $G$ est une primitive de $t \mapsto \frac{b(t)}{a(t)}$
$ax'' + bx' + cx = 0$ équation caractéristique :	Si $\Delta > 0$ , $f(t) = \lambda e^{r_1 t} + \mu e^{r_2 t} \dots$ où $r_1$ et $r_2$ sont les racines de l'équation caractéristique
	Si $\Delta = 0$ , $f(t) = (\lambda t + \mu)e^{rt} \dots$ où $r$ est la racine double de l'équation caractéristique
$ax^2 + bx + c = 0$ de discriminant $\Delta$	Si $\Delta < 0$ , $f(t) = [\lambda \cos(\beta t) + \mu \sin(\beta t)]e^{\alpha t}$ où $r_1 = \alpha + i\beta$ et $r_2 = \alpha - i\beta$ sont les racines complexes conjuguées de l'équation caractéristique.



### 3. PROBABILITES

a) Loi binomiale  $P(X = k) = C_n^k p^k q^{n-k}$  où  $C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$  ;  $E(X) = np$  ;  $\sigma(X) = \sqrt{npq}$

b) Loi de Poisson

$$P(X = k) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^k}{k!}$$

$$E(X) = \lambda$$

$$V(X) = \lambda$$

$k \backslash \lambda$	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6
0	0,8187	0,7408	0,6703	0,6065	0,5488
1	0,1637	0,2222	0,2681	0,3033	0,3293
2	0,0164	0,0333	0,0536	0,0758	0,0988
3	0,0011	0,0033	0,0072	0,0126	0,0198
4	0,0000	0,0003	0,0007	0,0016	0,0030
5		0,0000	0,0001	0,0002	0,0004
6			0,0000	0,0000	0,0000

$k \backslash \lambda$	1	1.5	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	0.368	0.223	0.135	0.050	0.018	0.007	0.002	0.001	0.000	0.000	0.000
1	0.368	0.335	0.271	0.149	0.073	0.034	0.015	0.006	0.003	0.001	0.000
2	0.184	0.251	0.271	0.224	0.147	0.084	0.045	0.022	0.011	0.005	0.002
3	0.061	0.126	0.180	0.224	0.195	0.140	0.089	0.052	0.029	0.015	0.008
4	0.015	0.047	0.090	0.168	0.195	0.176	0.134	0.091	0.057	0.034	0.019
5	0.003	0.014	0.036	0.101	0.156	0.176	0.161	0.128	0.092	0.061	0.038
6	0.001	0.004	0.012	0.050	0.104	0.146	0.161	0.149	0.122	0.091	0.063
7	0.000	0.001	0.003	0.022	0.060	0.104	0.138	0.149	0.140	0.117	0.090
8		0.000	0.001	0.008	0.030	0.065	0.103	0.130	0.140	0.132	0.113
9			0.000	0.003	0.013	0.036	0.069	0.101	0.124	0.132	0.125
10				0.001	0.005	0.018	0.041	0.071	0.099	0.119	0.125
11				0.000	0.002	0.008	0.023	0.045	0.072	0.097	0.114
12					0.001	0.003	0.011	0.026	0.048	0.073	0.095
13					0.000	0.001	0.005	0.014	0.030	0.050	0.073
14						0.000	0.002	0.007	0.017	0.032	0.052
15							0.001	0.003	0.009	0.019	0.035
16							0.000	0.001	0.005	0.011	0.022
17								0.001	0.002	0.006	0.013
18								0,000	0.001	0.003	0.007
19									0.000	0.001	0.004
20										0.001	0.002
21										0,000	0.001
22											0.000

c) Loi exponentielle

Fonction de fiabilité :  $R(t) = e^{-\lambda t}$

$$E(X) = \frac{1}{\lambda} \text{ (M.T.B.F.)}$$

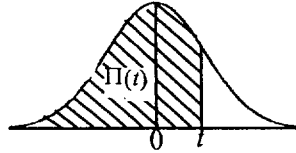
$$\sigma(X) = \frac{1}{\lambda}$$

d) Loi normale

La loi normale centrée réduite est caractérisée par la densité de probabilité :  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$

EXTRAITS DE LA TABLE DE LA FONCTION INTEGRALE DE LA LOI NORMALE CENTREE, REDUITE n(0,1)

$$\Pi(t) = P(T \leq t) = \int_{-\infty}^t f(x) dx$$



t	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,500 0	0,504 0	0,508 0	0,512 0	0,516 0	0,519 9	0,523 9	0,527 9	0,531 9	0,535 9
0,1	0,539 8	0,543 8	0,547 8	0,551 7	0,555 7	0,559 6	0,563 6	0,567 5	0,571 4	0,575 3
0,2	0,579 3	0,583 2	0,587 1	0,591 0	0,594 8	0,598 7	0,602 6	0,606 4	0,610 3	0,614 1
0,3	0,617 9	0,621 7	0,625 5	0,629 3	0,633 1	0,636 8	0,640 6	0,644 3	0,648 0	0,651 7
0,4	0,655 4	0,659 1	0,662 8	0,666 4	0,670 0	0,673 6	0,677 2	0,680 8	0,684 4	0,687 9
0,5	0,691 5	0,695 0	0,698 5	0,701 9	0,705 4	0,708 8	0,712 3	0,715 7	0,719 0	0,722 4
0,6	0,725 7	0,729 0	0,732 4	0,735 7	0,738 9	0,742 2	0,745 4	0,748 6	0,751 7	0,754 9
0,7	0,758 0	0,761 1	0,764 2	0,767 3	0,770 4	0,773 4	0,776 4	0,779 4	0,782 3	0,785 2
0,8	0,788 1	0,791 0	0,793 9	0,796 7	0,799 5	0,802 3	0,805 1	0,807 8	0,810 6	0,813 3
0,9	0,815 9	0,818 6	0,821 2	0,823 8	0,825 4	0,828 9	0,831 5	0,834 0	0,836 5	0,838 9
1,0	0,841 3	0,843 8	0,846 1	0,848 5	0,850 8	0,853 1	0,855 4	0,857 7	0,859 9	0,862 1
1,1	0,864 3	0,866 5	0,868 6	0,870 8	0,872 9	0,874 9	0,877 0	0,879 0	0,881 0	0,883 0
1,2	0,884 9	0,886 9	0,888 8	0,890 7	0,892 5	0,894 4	0,896 2	0,898 0	0,899 7	0,901 5
1,3	0,903 2	0,904 9	0,906 6	0,908 2	0,909 9	0,911 5	0,913 1	0,914 7	0,916 2	0,917 7
1,4	0,919 2	0,920 7	0,922 2	0,923 6	0,925 1	0,926 5	0,927 9	0,929 2	0,930 6	0,931 9
1,5	0,933 2	0,934 5	0,935 7	0,937 0	0,938 2	0,939 4	0,940 6	0,941 8	0,942 9	0,944 1
1,6	0,945 2	0,946 3	0,947 4	0,948 4	0,949 5	0,950 5	0,951 5	0,952 5	0,953 5	0,954 5
1,7	0,955 4	0,956 4	0,957 3	0,958 2	0,959 1	0,959 9	0,960 8	0,961 6	0,962 5	0,963 3
1,8	0,964 1	0,964 9	0,965 6	0,966 4	0,967 1	0,967 8	0,968 6	0,969 3	0,969 9	0,970 6
1,9	0,971 3	0,971 9	0,972 6	0,973 2	0,973 8	0,974 4	0,975 0	0,975 6	0,976 1	0,976 7
2,0	0,977 2	0,977 9	0,978 3	0,978 8	0,979 3	0,979 8	0,980 3	0,980 8	0,981 2	0,981 7
2,1	0,982 1	0,982 6	0,983 0	0,983 4	0,983 8	0,984 2	0,984 6	0,985 0	0,985 4	0,985 7
2,2	0,986 1	0,986 4	0,986 8	0,987 1	0,987 5	0,987 8	0,988 1	0,988 4	0,988 7	0,989 0
2,3	0,989 3	0,989 6	0,989 8	0,990 1	0,990 4	0,990 6	0,990 9	0,991 1	0,991 3	0,991 6
2,4	0,991 8	0,992 0	0,992 2	0,992 5	0,992 7	0,992 9	0,993 1	0,993 2	0,993 4	0,993 6
2,5	0,993 8	0,994 0	0,994 1	0,994 3	0,994 5	0,994 6	0,994 8	0,994 9	0,995 1	0,995 2
2,6	0,995 3	0,995 5	0,995 6	0,995 7	0,995 9	0,996 0	0,996 1	0,996 2	0,996 3	0,996 4
2,7	0,996 5	0,996 6	0,996 7	0,996 8	0,996 9	0,997 0	0,997 1	0,997 2	0,997 3	0,997 4
2,8	0,997 4	0,997 5	0,997 6	0,997 7	0,997 7	0,997 8	0,997 9	0,997 9	0,998 0	0,998 1
2,9	0,998 1	0,998 2	0,998 2	0,998 3	0,998 4	0,998 4	0,998 5	0,998 5	0,998 6	0,998 6

TABLE POUR LES GRANDES VALEURS DE t

t	3,0	3,1	3,2	3,3	3,4	3,5	3,6	3,8	4,0	4,5
$\Pi(t)$	0,998 65	0,999 04	0,999 31	0,999 52	0,999 66	0,999 76	0,999 841	0,999 928	0,999 968	0,999 997

Nota :  $\Pi(-t) = 1 - \Pi(t)$